### «УТВЕРЖДЕНО»

Председатель экзаменационной комиссии по проведению вступительных испытаний в аспирантуру НИЦ «Курчатовский институт» в форме вступительного экзамена и собеседования по специальной дисциплине по группе научных специальностей 1.3. Физические науки

д-р физмат. наук, профессор		
		П.К. Кашкаров
<b>«</b>	<b>&gt;&gt;</b>	2025 г.

# Программа

# вступительного испытания

в аспирантуру НИЦ «Курчатовский институт» по специальной дисциплине в форме вступительного экзамена по группе научных специальностей 1.3. Физические науки (физико-математические науки)

## Научные специальности:

1.3.2. Приборы и методы экспериментальной физики 1.3.3. Теоретическая физика 1.3.8. Физика конденсированного состояния

1.3.9. Физика плазмы

1.3.13. Электрофизика, электрофизические установки

1.3.15. Физика атомных ядер и элементарных частиц, физика высоких энергий 1.3.17. Химическая физика, горение и взрыв, физика экстремальных состояний вещества

1.3.18. Физика пучков заряженных частиц и ускорительная техника 1.3.19. Лазерная физика 1.3.20. Кристаллография, физика кристаллов 1.3.21. Медицинская физика

#### 1. Общие положения

1.1. Данная программа предназначена для подготовки к вступительному испытанию в аспирантуру НИЦ «Курчатовский институт» по специальной дисциплине в форме вступительного экзамена по группе специальностей 1.3. Физические науки (далее – программа вступительного испытания, испытание). Программа вступительное вступительного испытания В аспирантуру подготовлена В соответствии c федеральными государственными образовательными стандартами высшего образования

(уровень магистра или специалиста).

Вступительное испытание проводится c целью выявления поступающего объёма научных знаний, научно-исследовательских компетенций, навыков системного и критического мышления, необходимых обучения Поступающий ДЛЯ аспирантуре. должен показать профессиональное владение теорией и практикой в предметной области, продемонстрировать умение вести научную дискуссию.

1.2. Программой вступительного испытания устанавливается: форма, структура, процедура сдачи вступительного испытания; шкала оценивания;

максимальное и минимальное количество баллов для успешного прохождения вступительного испытания;

критерии оценки ответов.

- 1.3. Вступительное испытание проводится на русском языке.
- 1.4. Организация и проведение вступительного испытания осуществляется в соответствии с Правилами приема, утвержденными приказом НИЦ «Курчатовский институт».
- 1.5. По результатам вступительного испытания, поступающий имеет право подать на апелляцию о нарушении, по мнению поступающего, установленного порядка проведения вступительного испытания и (или) о несогласии с полученной оценкой результатов вступительного испытания в порядке, установленном Правилами приема, действующими на текущий год поступления.
- 2. Форма, процедура проведения и шкала оценивания вступительного испытания.
- 2.1. Вступительное испытание проводится в форме экзамена на основе билетов. Экзамен проходит в устной форме. Подготовка к ответу составляет 1 астрономический час (60 минут) без перерыва с момента раздачи билетов. Ответ на билет оценивается от 0 до 10 баллов в зависимости от полноты и правильности ответов.

Билет включает в себя 2 вопроса и 1 задачу по общефизическим

#### дисциплинам.

Вопросы по физике охватывают следующие темы: механика, молекулярная физика, статистическая физика и термодинамика, электродинамика, оптика, квантовая физика, а также ядерная физика и биофизика.

В случае проведения экзамена в дистанционном формате вступительное испытание проводится в режиме видеоконференцсвязи.

2.2. Экзамен оценивается по 10-балльной шкале. Минимальное количество баллов, подтверждающее успешное прохождение вступительного испытания, устанавливается равным 4 баллам.

Шкала оценивания

Оценка,	Уровень подготовленности, характеризуемый оценкой		
баллы			
9-10	Поступающий уверенно владеет материалом, приводит точные формулировки теорем, процессов и явлений, и других утверждений, сопровождает их строгими и полными доказательствами, уверенно отвечает на дополнительные вопросы программы вступительного испытания.		
6-8	Поступающий владеет материалом, приводит точные формулировки теорем, процессов и явлений, и других утверждений, сопровождает их доказательствами, в которых допускает отдельные неточности. Отвечает на большинство дополнительных вопросов по программе вступительного испытания.		
4-5	Поступающий знаком с основным материалом программы, приводит формулировки теорем, процессов и явлений, и других утверждений, но допускает некоторые неточности, сопровождает их доказательствами, в которых допускает погрешности либо описывает основную схему доказательств без указания деталей. Отвечает на дополнительные вопросы по программе вступительного испытания, допуская отдельные неточности.		
0-3	Поступающий не владеет основным материалом программы, не знаком с основными понятиями, не способен приводить формулировки теорем, процессов и явлений, и других утверждений, не умеет доказывать теоремы и другие утверждения, не знает даже схемы доказательств. Не отвечает на большинство дополнительных вопросов по программе вступительного испытания.		

## 3. Вопросы к вступительному испытанию

#### 3.1. Механика

- 1. Дайте определение материальной точки. Запишите выражения для скорости и ускорения материальной точки в декартовой, цилиндрической и сферической системах координат. Определите понятия силы и массы. Укажите способы измерения этих величин. Сформулируйте законы Ньютона и принцип относительности Галилея.
- 2. Сформулируйте задачу об одномерном движении материальной точки в потенциальном поле и получите закон движения в квадратурах. Исследуйте его вблизи точек поворота. Выведите формулу для периода нелинейных колебаний при финитном движении.
- 3. Сформулируйте задачу о движении в центральном поле. Покажите, что движение в центральном поле является плоским и происходит с постоянной секторной скоростью. Получите закон движения в квадратурах. Введите понятие эффективного потенциала.
- 4. Сформулируйте задачу Кеплера. Докажите первый закон Кеплера. Какие траектории возможны в данной задаче?
- 5. Рассмотрите задачу о движении механической системы при наличии связей. Приведите классификацию связей. Получите уравнения Лагранжа из второго закона Ньютона.
- 6. Запишите уравнения Лагранжа. Что такое интегралы движения? Как с их помощью найти закон движения? Приведите определения обобщенной энергии и обобщенного импульса. Сформулируйте и выведите условия их сохранения.
- 7. Запишите функцию Лагранжа нерелятивистской частицы в произвольном электромагнитном поле. Выясните, что происходит с функцией Лагранжа и уравнениями Лагранжа при калибровочных преобразованиях.
- 8. Приведите определение функции Гамильтона. Функцией, каких независимых переменных она является? Выведите канонические уравнения Гамильтона из уравнений Лагранжа.

- 9. Получите уравнение Гамильтона-Якоби. Как и в каких случаях разделяются переменные в уравнении Гамильтона-Якоби? Опишите схему нахождения закона движения с помощью уравнения Гамильтона-Якоби.
- 10. Дайте определение абсолютно твердого тела. Сколько оно имеет степеней свободы? Введите углы Эйлера. Получите кинематические уравнения Эйлера. Запишите функцию Лагранжа симметричного волчка с неподвижной точкой.
- 11. Сформулируйте задачу о свободных малых колебаниях с несколькими степенями свободы. Запишите уравнения движения в приближении малых колебаний. Получите его общее решение. Что такое нормальные колебания, как определять их частоты и амплитуды?
- 12. Сформулируйте задачу о вынужденных малых колебаниях с несколькими степенями свободы. Что представляет собой общее решение уравнений движения? Найдите закон установившихся малых колебаний. Сформулируйте условие резонанса.
- 13. Дайте определение идеальной жидкости. Получите уравнение Эйлера и уравнение непрерывности для идеальной жидкости. Выведите уравнение Бернулли для стационарного течения жидкости.

- 1. И.И. Ольховский. Курс теоретической механики для физиков. М., Изд-во МГУ, 1978.
  - 2. Л.Д. Ландау, Е.М. Лифшиц. Механика. М., Физматлит, 2001.
- 3. Л.С. Кузьменков. Теоретическая физика. Классическая механика. М., Наука, 2015.
- 4. Ю.Г. Павленко. Лекции по теоретической механике. М., Физматлит, 2002.
- 5. В.Р. Халилов, Г.А. Чижов. Динамика классических систем. М., Изд-во МГУ, 1993.
  - 6. Л.Д. Ландау, Е.М. Лифшиц. Гидродинамика. М., Наука, 1988.

7. Б.В. Петкевич. Теоретическая механика. М., Наука, 1989.

# 3.2. Молекулярная физика, статистическая физика и термодинамика

- 1. Что такое термодинамическая система? Дайте определение и примеры термодинамических параметров. Определите внутреннюю энергию системы. Сформулируйте первое начало термодинамики. Дайте определения состояния равновесия и равновесного процесса.
- 2. Определите понятие энтропии. Как изменяется энтропия при квазистатических процессах? Получите уравнение адиабаты. Как изменится энтропия в результате теплообмена между двумя идеальными газами, пришедшими к равновесию?
- 3. Сформулируйте второе начало термодинамики для неравновесных процессов. Приведите различные его формулировки и докажите их эквивалентность. Укажите механизмы возникновения необратимости.
- 4. Что такое термодинамические потенциалы? Определите энтальпию и свободную энергию системы. Приведите примеры использования термодинамических потенциалов для определения термодинамических параметров. Сформулируйте условия термодинамического равновесия и устойчивости пространственно однородной системы.
- 5. Что такое идеальный газ? При каких условиях наблюдается отклонение газов от идеальности? Запишите разложение давления неидеального газа по степеням 1/V (вириальное разложение). Запишите внутреннюю энергию идеального газа и его теплоемкости при изопроцессах.
- 6. Запишите каноническое распределение Гиббса. Сформулируйте приближения, при которых оно было получено. Укажите смысл всех входящих в него параметров. Что такое статистическая сумма? Как она связана со свободной и внутренней энергиями системы? Сформулируйте теорему о распределении энергии по степеням свободы.

- 7. Дайте определение химического потенциала. Запишите большое каноническое распределение Гиббса для системы с переменным числом частиц. Сформулируйте предположения, при которых оно было получено. Укажите смысл всех входящих в него параметров.
- 8. Как распределены по микросостояниям бозоны и фермионы? Запишите распределения Ферми-Дирака и Бозе-Эйнштейна. Для каких квантовых систем они справедливы? Чем определяется температура вырождения? Что такое энергия Ферми?
- 9. Запишите уравнение Лиувилля для функции распределения микросостояний системы из N частиц. Запишите микроканоническое распределение Гиббса. Каким граничным условиям удовлетворяет функция распределения?
- 10. Дайте определение одночастичной функции распределения. Запишите кинетическое уравнение Больцмана. Что такое интеграл столкновений? В чем заключается приближение парных столкновений? Покажите, что при равновесном распределении вероятностей интеграл столкновений равен нулю.
- 11. Что такое случайный стационарный марковский процесс и его временная корреляционная функция? Запишите уравнение Смолуховского и уравнение Фоккера-Планка. Покажите, что для движения Броуновской частицы получается формула Эйнштейна.

- 1. И.А.Квасников, Термодинамика и статистическая физика, том 1, теория равновесных систем, термодинамика. Изд. УРСС, М., 2002.
- 2. И.А.Квасников, Термодинамика и статистическая физика, том 2, теория равновесных систем, статистическая физика. Изд. УРСС, М., 2002.
- 3. Л.Д. Ландау, Е.М. Лифшиц. Статистическая физика. Изд. УРСС, М., 2021.

### 3.3. Электродинамика

- 1. Запишите уравнения Максвелла для электромагнитного поля в среде. Запишите уравнение непрерывности зарядов и токов в проводящей среде. Какой вид имеют материальные уравнения и условия на границе раздела сред для характеристик электромагнитного поля? Приведите примеры явлений, описываемых некоторыми из этих уравнений.
- 2. Получите выражение для энергии электростатического поля системы, состоящей из произвольного числа заряженных проводящих тел. Результат выразите через потенциальные и ёмкостные коэффициенты. Укажите свойства этих коэффициентов.
- 3. Получите уравнения для скалярного и векторного потенциалов электромагнитного поля в линейной однородной изотропной среде в отсутствие дисперсии. Выполните калибровочное преобразование для потенциалов и получите уравнения для потенциалов при выполнении калибровочного условия Лоренца. Запишите решение для запаздывающих потенциалов.
- 4. Получите выражение для энергии магнитного поля системы, состоящей из произвольного числа контуров со стационарными токами. Результат представьте в двух формах: через индуктивные коэффициенты и через магнитный поток. Укажите свойства индуктивных коэффициентов.
- 5. Запишите выражения для силы и момента сил, действующих на диполь в неоднородном электрическом поле. Опишите излучение электромагнитных волн в дипольном приближении. Как выглядит угловое распределение интенсивности? Что такое радиационное трение?
- 6. Опишите структуру плоской электромагнитной волны. Что такое поляризация волны? Как преобразуется электрическое и магнитное поле электромагнитной волны при переходе к движущейся системе отсчета. В чем состоит эффект Доплера.
- 7. Постройте ковариантное (четырехмерное) обобщение уравнений электромагнитного поля в среде. Запишите выражения для тензоров,

- образованных компонентами векторов  $\vec{E}, \vec{D}, \vec{B}, \vec{H}$  и получите закон преобразования компонент этих векторов при преобразованиях Лоренца.
- 8. Запишите материальные уравнения для электромагнитного поля в среде при наличии временной дисперсии. Дайте определение комплексной диэлектрической проницаемости в среде и укажите её аналитические свойства. Получите формулы Крамерса-Кронига.
- 9. Опишите распространение электромагнитной волны в слабо проводящей, диспергирующей среде. Для однородной волны, получите выражения для показателя преломления и коэффициента поглощения, представив их через вещественную и мнимую части комплексной диэлектрической проницаемости среды.

- 1. В.А. Алешкевич. Электромагнетизм. М., Физматлит, 2014.
- 2. В.И. Денисов. Введение в электродинамику сплошных сред. М, Издво МГУ, 1989.
  - 3. А.Н.Матвеев. Электричество и магнетизм. М., Лань, 2010.
  - 4. Л.Д. Ландау, Е.М. Лифшиц. Теория поля. М., Физматлит, 2018.
- 5. Л.Д. Ландау, Е.М. Лифшиц. Электродинамика сплошных сред. М., Физматлит, 2005.
  - 6. С.Г.Калашников. Электричество. М., Физматлит, 2003.
  - 7. Д.В.Сивухин. Общий курс физики. Т.3., Физматлит, 2004.
- 8. Батыгин В.В., Топтыгин И.Н. Современная электродинамика. Часть 1. Микроскопическая теория. М., НИЦ «Регулярная и хаотическая динамика», 2003.
- 9. Топтыгин И.Н. Современная электродинамика. Часть 2. Теория электромагнитных явлений в веществе. М., НИЦ «Регулярная и хаотическая динамика», 2005.

### 3.4. Оптика

- 1. Получите из уравнений Максвелла волновое уравнение для вектора напряженности электрического поля световой волны в однородном изотропном диэлектрике без свободных зарядов. Запишите выражения для вектора Умова-Пойнтинга и объемной плотности энергии электромагнитной волны в изотропной среде. Изобразите взаимное расположение векторов Е, H, k, S в пространстве и графики их изменения во времени в бегущей гармонической волне.
- 2. Объясните волновую природу давления света на примере плоской электромагнитной волны, падающей нормально на поверхность. Запишите выражения для импульса световой волны, давления света на поверхность с коэффициентом отражения *R*. Какова поляризация естественного света? Изобразите траектории конца вектора напряженности электрического поля для случаев линейной, круговой и эллиптической поляризации
- 3. В чем заключается явление интерференции света? В случае интерференции света от двух монохроматических точечных источников (схема Юнга) получите выражения для интенсивности и ширины интерференционной полосы, запишите значения фазы и разности хода в максимуме и минимуме *m*-ого порядка интерференции.
- 4. Что такое временная когерентность света? Длина и время когерентности. Функция видности Майкельсона. Функция автокорреляции и степень когерентности. Приведите примеры длины когерентности излучения различных источников света.
- 5. Сформулируйте теорему Винера-Хинчина для спектральной плотности мощности и корреляционной функции случайных световых колебаний. Опишите применение этой теоремы в фурье-спектроскопии. Рассмотрите наиболее типичные примеры.
- 6. Что такое пространственная когерентность? Как влияет размер теплового источника на видность интерференционной картины в опыте Юнга. Звездный интерферометр Майкельсона и измерение угловых размеров звезд.

- 7. Сформулируйте принцип Гюйгенса-Френеля. Получите выражение для радиуса *n*-ой зоны Френеля, постройте векторную диаграмму для комплексной амплитуды поля при дифракции на круглом отверстии. Изобразите амплитудную и фазовую зонные пластинки. Запишите дифракционный интеграл Кирхгофа.
- 8. Пользуясь векторной диаграммой изобразите график изменения интенсивности плоской волны при дифракции на круглом отверстии в зависимости от расстояния. Сформулируйте приближение Френеля в теории дифракции и запишите дифракционный интеграл в этом приближении. Как работает собирающая линза?
- 9. Сформулируйте приближение Фраунгофера для дифракции волн и запишите в этом приближении интеграл для дифрагирующего светового поля. Дайте определение дальней зоны дифракции. Представьте распределение дифрагировавшего поля в дальней зоне как пространственное преобразование Фурье поля на дифракционномм отверстии.
- 10. Сформулируйте основные положения электронной теории дисперсии и ее приближения. Изобразите кривые дисперсии и абсорбции в окрестности линии поглощения. Укажите области нормальной и аномальной дисперсии и изобразите картину дисперсии, получаемую в скрещенных призмах. Опишите в первом приближении теории дисперсии распространение светового импульса в диспергирующей среде. Что такое групповая и фазовая скорости?
- 11. Прохождение света через границу раздела двух диэлектриков. Формулы Френеля. Явление полного внутреннего отражения. Угол Брюстера. Зависимость коэффициента отражения света от угла падения и поляризации падающего света.
- 12. Распространение света в одноосных кристаллах. Луч и нормаль. Изобразите поверхность нормалей и объясните ее физический смысл. Изобразите взаимное расположение волнового, лучевого векторов и векторов напряженностей электрического и магнитного полей. Приведите оптическую

схему получения света с круговой и эллиптической поляризацией из естественного света.

## Список рекомендуемой литературы

- 1. Алешкевич В.А. ОПТИКА. М. «Физматлит». 2010.
- 2. Матвеев А.Н. ОПТИКА. М. «Высшая школа». 1985.
- 3. Сивухин Д.В. Общий курс физики. Том 4. ОПТИКА. 3-е изд. М. «Физматлит». 2005.
  - 4. Ландсберг Г.С. ОПТИКА. 5-е изд., М., «Наука». 1976.
- 5. Ахманов С.А., Никитин С.Ю. ФИЗИЧЕСКАЯ ОПТИКА. М. МГУ, 1998.
  - 6. Борн М., Вольф В. ОСНОВЫ ОПТИКИ. М.. «Наука». 1970.
  - 7. Крауфорд Ф. ВОЛНЫ. 3-е изд. М. «Наука».1984.

## 3.5. Квантовая физика

- 1. Выведите формулу Планка для равновесного излучения и рассмотрите следствия из нее: формулу Рэлея-Джинса и формулу Вина. Укажите условия, при которых эти формулы справедливы.
- 2. Чему равно численное значение постоянной Планка? Опишите эксперименты по определению постоянной Планка: тепловое излучение, фотоэффект, тормозное рентгеновское излучение, эффект Комптона. При выполнении каких условий реализуется классический предел квантовой теории?
- 3. Дайте определение чистого и смешанного состояний квантовых систем. Приведите примеры квантовых систем, находящихся в чистом и смешанном состояниях. Каковы основные свойства и физический смысл волновой функции и матрицы плотности? Что является результатом измерения физической величины? Как найти вероятность того или иного результата измерения в чистом состоянии и в смешанном состоянии? Как

найти среднее значение физической величины в чистом состоянии и в смешанном состоянии?

- 4. Выпишите явный вид операторов координаты и импульса в координатном и импульсном представлениях. Как выглядит соотношение неопределенностей Гайзенберга и каков его физический смысл? Выпишите нестационарное и стационарное уравнения Шредингера для одномерного движения материальной точки. Каков их физический смысл?
- 5. Найдите уровни энергии одномерного гармонического осциллятора. Как выглядят волновые функции гармонического осциллятора в координатном представлении?
- 6. Запишите уравнение Шредингера для атома водорода и обсудите вид и основные характеристики решений этого уравнения. Объясните, что характеризуют квантовые числа.
- 7. Запишите операторы проекций углового момента частицы на оси *OX*, *OY* и *OZ* декартовой системы координат и квадрата полного углового момента, а также соотношения коммутации для этих операторов. Приведите выражения для оператора квадрата полного углового момента и оператора проекции углового момента частицы на ось *OZ*. Сформулируйте задачу на собственные функции и собственные значения этих операторов и запишите их собственные функции и собственные значения.
- 8. Постройте первый порядок стационарной теории возмущений для невырожденного уровня. Каковы условия применимости полученных ответов? Постройте первый порядок стационарной теории возмущений для вырожденного уровня.
- 9. Эффект Зеемана: выпишите гамильтониан многоэлектронного атома в присутствии однородного магнитного поля, определите, что такое «слабое поле», вычислите фактор Ланде.
- 10. Эффект Штарка: выпишите гамильтониан атома водорода в присутствии однородного электрического поля, опишите расщепление уровня

- n=2. Почему эффект Штарка в многоэлектронном атоме отличается от эффекта Штарка в атоме водорода?
- 11. Постановка задачи об упругом рассеянии на потенциале  $V(\mathbf{x})$ . Амплитуда рассеяния, дифференциальное и полное сечение. Уравнение Липпмана-Швингера. Борновский ряд, первое борновское приближение, условия применимости первого борновского приближения.
- 12. Принцип неразличимости тождественных частиц. Собственные значения оператора перестановки двух частиц. Бозоны и фермионы. Волновая функция N тождественных фермионов (бозонов). Базис в пространстве состояний N тождественных фермионов (бозонов). Свойства наблюдаемых для системы N тождественных частиц.
- 13. Описание динамики квантовых систем. Представление Шредингера, представление Гайзенберга, их эквивалентность. Формальные решения уравнений Гайзенберга и Шредингера для консервативной системы. Интегралы движения, их физический смысл. Стационарные состояния.
- 14. Охарактеризуйте основные классы молекул и типы связей в них. Опишите вращательные, колебательные и электронные спектры молекул (характерные частоты, квантование уровней и др.). Дайте качественную картину возникновения гомополярной силы связи в молекуле водорода. Разъясните квантовую природу сил Ван-дер-Ваальса.

- 1. А.С. Давыдов. Квантовая механика. М., Физматгиз, 1973.
- 2. Л.Д. Ландау, Е.М. Лифшиц. Квантовая механика. М,. Физматлит, 2004.
- 3. О.Д. Тимофеевская, О.А. Хрусталев. Лекции по квантовой механике. M,. URSS, 2017.
  - 4. Д.И. Блохинцев. Основы квантовой механики. М., Наука, 1983.
- 5. А.А. Соколов, Ю.М. Лоскутов, И.М. Тернов. Квантовая механика. М., Просвещение, 1965.

## 3.6. Ядерная физика

- 1. Опишите опыт Резерфорда. Что такое ядро, каковы его характерные размеры? Каким распределением описываются плотности распределения массы и заряда ядра? Как связан радиус ядра и его массовое число? Дайте определение энергии связи ядра. Чему равен дефект массы ядра?
- 2. Какие частицы называют стабильными? Перечислите все виды взаимодействий с указанием частиц переносчиков взаимодействия и характерным временем взаимодействия. Приведите примеры процессов, происходящих по различным взаимодействиям. Выпишите все фундаментальные частицы Стандартной модели. Что такое адроны? Что такое лептоны? В каких взаимодействиях они участвуют?
- 3. Перечислите квантовые числа, характеризующие частицы. Что такое спин? Какие значения он может принимать? Что характеризует квантовое число внутренней четности? От чего зависит значение изоспина? Какие квантовые числа совпадают у частиц и античастиц? Какие квантовые числа сохраняются в сильном взаимодействии? В слабом и электромагнитном?
- 4. Дайте определение радиоактивности. В чем заключается статистический характер распада? Выведите закон радиоактивного распада. Что такое период полураспада? Как связаны период полураспада и постоянная распада? Чем обусловлены естественная и искусственная радиоактивности? Что такое космические лучи? Что такое альфа-распад? Приведите пример альфа-радиоактивного ядра. Запишите три типа бета-распада. Почему происходят гамма-излучение в ядрах?
- 5. Запишите формулу Вайцзеккера для энергии связи ядер, объясните роль каждого слагаемого. Нарисуйте зависимость удельной энергии связи стабильных ядер от массового числа. Обоснуйте, почему при делении тяжелых ядер и в реакциях синтеза легких ядер выделяется энергия.
- 6. В чем особенность магических чисел для ядер? Какая модель используется для объяснения магических ядер? Какое уравнение описывает состояния нуклонов в этой модели? Какие квантовые числа описывают

состояние нуклонов? Какую роль играет спин-орбитальное взаимодействие? В чем заключается принцип Паули?

- 7. Что такое цепная реакция? Что характеризует коэффициент размножения нейтронов? Какие процессы называются критическими, надкритическими и подкритическими? Как устроен ядерный реактор? Как осуществляется контроль скорости реакции в ядерном реакторе?
- 8. Что такое энергия реакции? Чему равна пороговая энергия реакции в СЦИ и в лабораторной системе отсчета? Какие законы сохранения работают в ядерных реакциях? Сформулируйте законы сохранения полного момента, изоспина, проекции изоспина и четности. В каких реакциях они могут нарушаться? Опишите возможные механизмы ядерных реакций.
- 9. В чем отличие адронов и лептонов? Какие частицы называются барионами? Перечислите кварки трех поколений с указанием их зарядов и ароматов. Какой кварковый состав нуклонов? Для чего было введено квантовое число «цвет»? Какие ограничения на кварковый состав и взаимодействие между кварками накладывает наличие «цвета»? В чем заключается явление конфаймента?
- 10. Что такое комптоновское рассеяние? Нарисуйте диаграммы Феймана прямого и обратного эффекта Комптона. Как связаны длина волны и угол рассеяния фотона? В чем состоит выдвинутая де Бройлем гипотеза об универсальности корпускулярно-волнового дуализма? Чему равна длина волны де Бройля? В чем состоял эксперимент Дж. Томсона по изучению дифракции электронов? Сформулируйте принцип неопределенности Гейзенберга.
- 11. В чем заключается явление альфа-распада? Запишите закон Гейгера-Неттола. При каких условиях возможен альфа-распад? Какова роль кулоновского и центробежного барьеров в альфа-распаде? Что такое радиоактивные семейства?
- 12. Как связаны размер исследуемого объекта и требуемая для этого энергия? Какая энергия необходима для исследования структуры ядра?

Нуклона? Какая принципиальная структура ускорителя? Объясните принцип работы линейного ускорителя, циклотрона, микротрона и ускорителя на встречных пучках. В чем их недостатки и преимущества?

- 13. Определите операции зарядового, пространственного и временного сопряжения. В каких взаимодействиях нарушаются С-, Р-, Т-симметрии? В каком эксперименте наблюдается несохранение СР-симметрии? В чем заключается СРТ-теорема? Какие предпосылки к нарушению Т-симметрии?
- 14. В каких ядрах можно наблюдать вращательные состояния в спектре и почему? Как можно объяснить наличие колебательных уровней в спектре ядра? Что такое фононы? Изобразите схематически монопольные, дипольные и квадрупольные коллективные колебания. Как выглядят спектры вращательных и колебательных уровней в ядре?
- 15. Какие реакции происходили в эпоху дозвездного нуклеосинтеза? Какие элементы образовались в результате pp- и CNO-циклов? Какой состав имеет звезда на стадии горения кремния? Какова роль r- и s- процессов?

Список рекомендуемой литературы

- 1. Б.С. Ишханов, И.М. Капитонов, Н.П. Юдин. Частицы и атомные ядра. Учебник. Изд. 4-е, испр. и доп., 2019.
  - 2. И.М. Капитонов. Введение в физику ядра и частиц. Изд. 6-е. 2018.

# 3.7. Биофизика

- 1. Состав, строение, функции и основные физические характеристики живых клеток как термодинамических открытых систем.
- 2. Состав, строение, функции и основные физические характеристики нуклеиновых кислот, белков, липидов, углеводов.
- 3. Явления пространственно-временной самоорганизации в живых системах, активные среды, примеры автоволновой самоорганизации.
- 4. Электрические явления в клетках. Мембраны, ионный транспорт, потенциал покоя и распространение нервного импульса.

- 1. Лекции по биофизике / Под ред. В.А. Твердислова Москва, Физический факультет МГУ им. М.В. Ломоносова, 2023.
- 2. В.А. Твердислов, А.Э. Сидорова, Л.В. Яковенко Биофизическая экология УРСС, 2012.
- 3. Л.А. Блюменфельд Решаемые и нерешаемые проблемы биологической физики. М., УРСС, 2002.

# 4. Список задач вступительного испытания по группе научных специальностей 1.3. Физические науки (физико-математические науки)

#### 4.1. Механика

- 1. Заяц бежит по прямой со скоростью  $V_1$ . Его начинает преследовать со скоростью  $V_2$  собака, которая в ходе погони всегда бежит в направлении строго на зайца. В начальный момент времени расстояние между ними равно a и направления их движения ортогональны. Найти уравнение траектории собаки в системе отсчета, связанной с зайцем.
- 2. Космический корабль движется по эллиптической орбите вокруг планеты массы M, так что минимальное расстояние до силового центра равно a, а максимальное равно b. Найти скорость, которую необходимо ему сообщить в афелии, так чтобы он стал двигаться по параболе.
- 3. Частица массы m и зарядом e движется по сфере радиуса R в поле силы тяжести и однородном постоянным магнитном поле, напряженности  $H_{0}$ , направленном в противоположную сторону от силы тяжести. Построить функцию Лагранжа, найти интегралы движения и закон движения в квадратурах.
- 4. Два небесных тела масс  $m_1$  и  $m_2$  движутся вокруг общего центра масс. Минимальное расстояние между ними равно a, а максимальное b. Определить энергию системы тел, а также момент импульса в системе отсчета, где центр масс покоится.

- 5. Частица массы m движется в потенциале  $U(r) = \frac{-\alpha}{r} + \frac{\beta}{r^2}$ , где  $\alpha$ ,  $\beta > 0$ . Найти смещение перигелия траектории за период для случая финитного движения.
- 6. Записать функцию Лагранжа релятивистской частицы массы m и с зарядом e в произвольном электромагнитном поле и построить по ней функцию Гамильтона, взяв декартовы координаты частицы в качестве обобщенных.
- 7. Подвергнуть одномерный гармонический осциллятор унивалентному каноническому преобразованию с производящей функцией  $F = \frac{1}{2} m \omega q^2 ctgQ$ . Найти явный вид преобразования. Построить новый гамильтониан K. Записать новые уравнения Гамильтона и их решить. Зная решения последних, записать решения старых уравнений Гамильтона.
- 8. Методом Гамильтона-Якоби найти закон движения в квадратурах для частицы с массой m и зарядом e, совершающей плоское движение в поле электрического диполя. Диполь находится в плоскости движения. Вектор дипольного момента имеет модуль p и также лежит в плоскости движения.
- 9. К стенке прикреплена спица, на которую нанизаны две бусинки массами 3m и m. Между собой бусинки соединены пружиной жесткостью k. Бусинка массы 3m присоединена к стенке пружиной жесткостью k. При этом стенка совершает малые колебания по закону  $x_{\rm cr} = A sin\Omega t$ . Система находятся в горизонтальной плоскости, трением пренебречь. Найти закон установившихся вынужденных колебаний и условия резонанса.
- 10. Вычислить переменную «действие» для одномерного гармонического осциллятора. Используя данный результат, найти как будет меняться амплитуда малых колебаний маятника при медленном изменении длины нити l(t).
- 11. Функция Лагранжа симметричного волчка с неподвижной точкой имеет вид  $L = \frac{J_1}{2} (\dot{\theta}^2 + sin^2\theta\dot{\varphi}^2) + \frac{J_3}{2} (\dot{\psi} + cos\theta\dot{\varphi})^2 mgLcos\theta$ . Объясните смысл входящих в функцию Лагранжа величин. Найдите минимальное значение

частоты вращения волчка вокруг вертикальной оси симметрии, при котором движение является устойчивым.

12. В случае стационарного течения несжимаемой идеальной жидкости в трубке длиной L, наклоненной под углом  $\square$  к горизонту, найдите соотношения между скоростями течения на концах трубки, сечения в которых равны  $S_1$  и  $S_2$ . Плотность жидкости  $\rho$ .

# 4.2. Молекулярная физика, статистическая физика и термодинамика

- 13. Определите массу воздуха, заключенного между двумя оконными рамами, при атмосферном давлении  $p_0$ , считая, что температура между рамами меняется по линейному закону от  $T_1$  до  $T_2$ . Площадь окна равна S, расстояние между рамами l. Молярная масса воздуха  $\mu$ .
- 14. Найдите зависимость давления от объема для процесса, проводимого над одноатомным идеальным газом, при котором молярная теплоемкость газа меняется с температурой по закону  $C = \Box T$ , где  $\Box$  постоянная.
- 15. Газ Ван-дер-Ваальса в количестве двух молей адиабатически и квазистатически расширяется от объема  $V_1$  до объема  $V_2$ . Начальная температура газа  $T_1$ . Найдите работу, совершенную газом. Константы Ван-дер-Ваальса a и b и его молярную теплоемкость при постоянном объеме  $c_V$  считайте известными.
- 16. Найдите термодинамические потенциалы: свободную энергию *F* и энтальпию *H* для моля одноатомного идеального газа.
- 17. С одним молем идеального газа проводят процесс  $p=p_0-aV^2$ , где a постоянная величина. Найдите максимально возможную температуру газа в этом процессе. Проиллюстрируйте это решение на p-V диаграмме.
- 18. Теплоизолированный цилиндрический сосуд разделен невесомым поршнем на две равные части. По одну сторону поршня находится идеальный газ массой M с молярной массой  $\mu$  и молярными теплоемкостями  $C_V$  и  $C_p$ , не

зависящими от температуры, а по другую сторону поршня — вакуум. Начальные температура и давление газа  $T_0$  и  $p_0$ . Поршень отпускают, и он, свободно передвигаясь, дает возможность газу заполнить весь объем цилиндра. После этого медленно доводят объем газа до первоначальной величины. Найдите изменение внутренней энергии и энтропии

- 19. Какое количество теплоты надо подвести к одному молю газа Вандер-Ваальса, чтобы при расширении в пустоту от объема  $V_1$  до объема  $V_2$  его температура не изменилась? Постоянные a и b газа Ван-дер-Ваальса известны.
- 20. На броуновскую частицу массой  $m_0$ , совершающую случайные блуждания вдоль оси ОХ, действует сила вязкого трения  $\gamma \frac{dx}{dt}$  и случайная сила толчков со стороны окружающих ее молекул. Найдите корреляционную функцию для скорости частицы.

## 4.3. Электродинамика

- 21. По круглой тонкой пластинке радиусом R равномерно распределен заряд Q. Найдите напряженность поля на оси, перпендикулярной к плоскости пластинки, как функцию расстояния zот ее центра. Исследуйте полученное выражение при z << R и z >> R.
- 22. Заряд электронного облака в атоме водорода в основном состоянии распределен по закону  $\rho(r) = \frac{q}{\pi a^3} e^{-2r/a}$ , где q заряд электронной оболочки, a боровский радиус. Вычислите напряженность электрического поля, созданного электронной оболочкой.
- 23. Заряд q расположен на расстоянии a от плоской границы раздела двух полупространств с диэлектрическими проницаемостями  $\varepsilon_1$  и  $\varepsilon_2$ . Найдите его потенциал и действующую на него силу.
- 24. Тонкий диск радиуса a, заряженный с постоянной поверхностной плотностью заряда  $\sigma$ , равномерно вращается с угловой скоростью  $\vec{\omega}$ . Найдите отношение модуля магнитного момента диска  $\vec{m}_1$ ,  $\epsilon$  случае, если ось вращения проходит через его центр и перпендикулярна плоскости диска, к модулю магнитного момента диска  $\vec{m}_2$ , когда ось вращения проходит через его

диаметр.

- 25. По сфере радиуса R распределен заряд с поверхностной плотностью  $\sigma = \sigma_0 \cos \vartheta$ , где  $\vartheta$  угол, образуемый радиус-вектором, проведенным из центра сферы в произвольную точку сферы, с осью OZ. Найдите напряженность электрического поля в произвольной точке вне и внутри сферы.
- 26. Найдите векторный потенциал и индукцию магнитного поля, создаваемого контуром с током *I* в произвольной точке пространства на расстояниях от контура, намного больших, чем его линейные размеры.
- 27. Сфера радиусом R, заряженная с поверхностной плотностью  $\omega$ , вращается вокруг оси симметрии с угловой скоростью  $\omega$ . Найдите индукцию магнитного поля на оси вращения.
- 28. Металлический шар радиуса R зарядили зарядом Q. На расстоянии d > R от его центра поместили точечный заряд q. Чему равен потенциал шара? Чему равна сила, действующая на точечный заряд?
- 29. Доказать, что если частица совершает периодической движение, то средняя за период скорость потерь энергии совпадает со средней интенсивностью излучения.

#### 4.4. Оптика

- 30. Две плоские монохроматические линейно поляризованные волны одной частоты распространяются вдоль оси z. Первая волна поляризована по оси x и имеет амплитуду a, а вторая поляризована по оси y, имеет амплитуду b и опережает первую по фазе на  $\chi$ . Найдите поляризацию результирующей волны.
- 31. От двух когерентных точечных источников света получена интерференционная картина на экране, удаленном от источников на расстояние L=2 м., и расположенном параллельно прямой, проходящей через источники. Во сколько раз изменится ширина интерференционных полос, если между источниками и экраном поместить собирающую линзу с фокусным расстоянием f=40 см так, чтобы источники оказались в ее фокальной

плоскости? Расстояние между источниками много меньше f и L.

- 32. Параллельный пучок монохроматического света с длиной волны  $\lambda=600$  нм падает нормально на непрозрачный экран с круглым отверстием диаметром D=1,2 мм. На расстоянии b=10 см за экраном на оси отверстия наблюдается темное пятно. На какое минимальное расстояние  $\Delta b$  нужно отодвинуть экран от этой точки вдоль оси отверстия, чтобы в центре дифракционной картины вновь наблюдалось темное пятно?
- 33. Параллельный пучок монохроматического света с длиной волны  $\lambda = 500$  нм и интенсивностью  $I_0$  падает на непрозрачный экран с круглым отверстием диаметром D=2 мм. Найдите координату точки, лежащей на оси отверстия, для которой в пределах отверстия укладывается n зон Френеля. Постройте приближенно график зависимости интенсивности света на оси отверстия от расстояния до точки наблюдения.

## 4.5. Квантовая физика

- 34. Найти уровни энергии в потенциале  $V(x) = -V_0 \delta(x-a) V_0 \delta(x+a) + U_0 \delta(x)$ . Найти зависимость количества уровней от параметров системы.
- 35. Симметричный двумерный гармонический осциллятор в начальный момент времени находится в состоянии  $|\Psi(t=0)\rangle = (i|10\rangle + |01\rangle + |00\rangle)/3^{1/2}$ . Найти волновую функцию  $|\Psi(t)\rangle$  и средние значения величин x, y,  $p_x$ ,  $p_y$  в произвольный момент времени t.
- 36. Гамильтониан системы двух частиц со спином 1/2 имеет вид  $H=-2\mu_0$  (  $s^{(1)}_z$   $s^{(2)}_z$  ) $H_z$ . Найти вероятность того, что полный спин системы равен нулю в момент времени t, если в момент времени t=0 спин первой частицы был ориентирован вдоль оси x, а второй против оси x.
- 37. Одномерный гармонический осциллятор. Найти поправки к энергии n-го уровня, вызванные возмущением  $\alpha x^4$ .
- 38. Найти в квазиклассическом приближении уровни энергии в потенциале  $V(x<0)=\infty$ ,  $V(x>0)=kx^2/2$ . Сравнить с точным ответом.
  - 39. Заряженный двумерный симметричный гармонический осциллятор

помещен в слабое однородное магнитное поле, ориентированное по оси z. В первом порядке теории возмущений найти поправки к энергии второго возбужденного уровня  $3\hbar\omega$ , вызванные магнитным полем.

- 40. Найдите явный вид матриц-операторов компонент углового момента  $\hat{f}_i$  в состоянии с полным моментом J=1.
- 41. Найти парамагнитную составляющую магнитной восприимчивости свободного фермионного газа (спин частиц 1/2) при нулевой температуре.
- 42. Решите уравнение Гайзенберга для операторов орбитального момента  $l_x$ ,  $l_y$ ,  $l_z$ , если гамильтониан системы равен H=- $\mu_o H_x l_x$ .
- 43. Источник потенциала Юкавы равномерно распределен по шару радиуса R с плотностью заряда  $\rho_0$ . Найти формфактор и дифференциальное сечение упругого рассеяния.

## 4.6. Ядерная физика

- 44. Определить расстояние, которое пройдёт в вакууме пучок нейтронов с энергией 3 МэВ, при котором интенсивность пучка уменьшится в 1000 раз. Период полураспада нейтрона принять равным 15 минутам.
- 45. Рассчитать приведённую длину волны  $^{\hat{\lambda}}$  (в Фм) протона с кинетической энергией 1 ГэВ.
- 46. Рассчитать минимальную кинетическую энергию (в МэВ) протонов в реакции рождения нейтрального пиона на неподвижной водородной мишени:  $p+p \to p+p+\pi^0$ .
- 47. Для распада  ${}^{3}H \rightarrow {}^{3}He + e^{-} + \overline{v}_{e}$  найти верхнюю границу (в МэВ) спектра электронов. (Значения энергий связи: W( ${}^{3}$ H)=8.481 МэВ; W( ${}^{3}$ He)=7.718 МэВ).
- 48. Определить наиболее вероятный тип (E электрический / M магнитный) и мультипольность J  $\gamma$ -кванта, излучаемого при переходе ядра  $^{13}C$  из первого возбуждённого состояния ( $J^P = 1/2^+$ ) в основное состояние ( $J^P = 1/2^-$ ).

- 49. Оценить среднее время (в секундах) жизни нейтрального  $\rho$  -мезона, если ширина пика в зависимости эффективного сечения его образования от энергии составляет 150 МэВ.
- 50. Рассчитать кинетическую энергию (в МэВ)  $\alpha$ -частиц в распаде  $^{222}_{86}Rn \rightarrow ^{218}_{84}Po + ^{4}_{2}He.$  Энергии связи:

$$W(^{222}Rn)=1708.2 \text{ M} \circ B, W(^{218}Po)=1685.5 \text{ M} \circ B, W(^{4}He)=28.3 \text{ M} \circ B$$

51. Для распада  ${}^{^{14}C} \rightarrow {}^{^{14}N} + e^- + \overline{v}_e$  найти верхнюю границу (в МэВ) спектра электронов. (Значения энергий связи: W(14C)=105.284 МэВ ; W(14N)=104.658 МэВ).